

## 高校2年生(語学)数学A 課題

休校が続いていて、気分も落ち込んでいませんか？リフレッシュしながら有意義な時間を過ごしてください。さて、前回の課題はいかがだったでしょうか。中学生の問題でしたが解けましたか？

今回は数学Aの内容に入ります。と言っても半分は前回と同じ樹形図を描く問題です。1つずつ確認してみながら進めてみましょう。

[用意するもの]

・数学Aの教科書 ・クリアー(場合の数と確率) ・筆記用具

[課題]

① クリアーp20～22の例題7, 24, 25, 26を解く。

※樹形図など途中を必ず書きましょう

※前回の答え, 教科書p16, 17を参考にする

② 教科書p6をよく読む。

③ クリアーp2の1の問題を解く。

～チャレンジ課題～

④ クリアーp24の30を解く。

※教科書p17応用例題2を参考にする

※次回登校日にクリアーを集めます。

数学Aの課題は以上です。

内容などに質問がある場合は、9:00～15:00までの間に中村まで連絡を下さい。

1日で全てをやる必要はないので、次回までに計画的に取り組んで下さい。

以上

## 高校2年生 数学 第5回課題

休校が続いていますが、みなさんはどう過ごしているのでしょうか。

学校と同じように朝起きて、朝ごはんを食べ、8時40分から勉強を始めて、お昼を食べ、掃除をし、また勉強して、部活のように体を動かして、夕飯を食べ、お風呂に入って、寝る…みたいな生活をしている人は少ないと思いますが…。宿題を終わらすことは大前提として、少し体を動かしてみてもいいでしょうか。家族と話をするのも 良い機会でもあると思いますよ。

さて今回は課題1～4の総復習になります。思い出しながら進めてみましょう。

[用意するもの]

・数学Ⅱの教科書 ・松蔭ノート ・筆記用具 ・クリアー(理系)

[1,2組一般,3組特進課題]

※通常であれば答え合わせからですが、Study-Upは学校にあるので割愛※

② 以下教科書の練習問題を解きましょう。途中式を書くべき問題はすべて書くこと。

[1,2組一般課題]教科書 p9-11, 16-18 の練習 6, 7, 8, 15, 16, 17, 18

教科書 p36-39 の練習 1, 2, 3, 4, 5, 6

[3組特進課題]教科書 p9-11, 16-18 の練習 6, 7, 8, 9, 15, 16, 17, 18

教科書 p36-40 の練習 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8

[3組理系課題] ※いつも通りのやり方で解くこと。

クリアーp30～32, p65～71

◎次の登校日に1,2組一般,3組特進はノートを,3組特進はクリアーを集めます。忘れないこと!

高校2年生数学の第5回課題は以上です。

内容などに質問がある場合は、9:00～15:00までの間に1,2組は中村,3組特進は板谷,

3組理系は佐野まで連絡を下さい。

1日で全てをやる必要はないですが、計画的に取り組んで下さい。

以上

1教科書P18を読み、次の問に答えよ。

問1 次の2点A, Bについて、 $\overrightarrow{AB}$ を成分表示し、 $|\overrightarrow{AB}|$ を求めよ。

(1) A(5, 2), B(1, 6)

(2) A(-3, 4), B(2, 0)

$$\overrightarrow{AB} = (1-5, 6-2) = (-4, 4)$$

$$\overrightarrow{AB} = (2+3, 0-4) = (5, -4)$$

$$|\overrightarrow{AB}| = \sqrt{(-4)^2 + 4^2}$$

$$= 4\sqrt{2}$$

$$|\overrightarrow{AB}| = \sqrt{5^2 + (-4)^2}$$

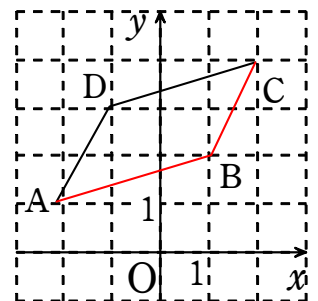
$$= \sqrt{41}$$

問2 4点A(-2, 1), B(x, y), C(2, 4), D(-1, 3)を頂点とする四角形ABCDが平行四辺形になるように、x, yの値を定めよ。

$$\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{DC} \text{ なので, } (x+2, y-1) = (2+1, 4-3)$$

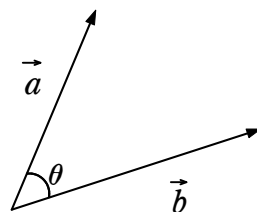
よって,  $x=1$

$y=2$



2教科書P19を読み次の問に答えよ。

問1  $\vec{0}$ でない2つのベクトル $\vec{a}, \vec{b}$ において、始点を合わせたときに出来る角を $\theta$ （「シータ」と読む）とする（この状態の角を「ベクトル $\vec{a}, \vec{b}$ のなす角」といい、一般的には $0^\circ \leq \theta \leq 180^\circ$ とする）。このとき、「内積」と定義された $\vec{a} \cdot \vec{b}$ を求める式を書きなさい。



これは「 $\cdot$ 」で省略できない  
絶対に「 $\times$ （掛ける）」とはしない。

$$\vec{a} \cdot \vec{b} = |\vec{a}| |\vec{b}| \cos \theta$$

問2  $\vec{a}$ と $\vec{b}$ のなす角を $\theta$ とする。次の場合に内積 $\vec{a} \cdot \vec{b}$ を求めよ。

(1)  $|\vec{a}|=4, |\vec{b}|=3, \theta=45^\circ$

(2)  $|\vec{a}|=6, |\vec{b}|=6, \theta=150^\circ$

$$\vec{a} \cdot \vec{b} = 4 \times 3 \times \cos 45^\circ$$

$$= 4 \times 3 \times \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$= 6\sqrt{2}$$

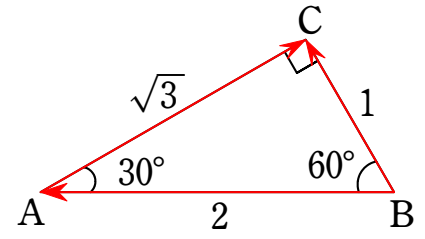
$$\vec{a} \cdot \vec{b} = 6 \times 6 \times \cos 150^\circ$$

$$= 6 \times 6 \times \left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right)$$

$$= -18\sqrt{3}$$

③教科書P20を読み次の問に答えよ。

問1 ベクトルの向きに気を付けて、右の図の直角三角形ABCにおいて、次の内積を求めよ。



$$(1) \overrightarrow{BA} \cdot \overrightarrow{AC} = 2 \times \sqrt{3} \times \cos 150^\circ \quad (\text{つまり } -\frac{\sqrt{3}}{2}) = -3$$

$$(2) \overrightarrow{AC} \cdot \overrightarrow{BC} = \sqrt{3} \times 1 \times \cos 90^\circ \quad (\text{つまり } 0) = 0$$

問2  $\vec{0}$  でない2つのベクトル  $\vec{a}, \vec{b}$  において、内積の符号は何によって定まるか答えよ。

2つのベクトル  $\vec{a}, \vec{b}$  のなす角で定まる

問3  $\vec{0}$  でない2つのベクトル  $\vec{a}, \vec{b}$  において(1)垂直となる(2)平行となる必要十分条件を書け。

$$(1) \vec{a} \perp \vec{b} \Leftrightarrow \vec{a} \cdot \vec{b} = 0$$

$$(2) \vec{a} // \vec{b} \Leftrightarrow \vec{a} \cdot \vec{b} = |\vec{a}||\vec{b}| \text{ または } \vec{a} \cdot \vec{b} = -|\vec{a}||\vec{b}|$$

④ P21を読み次の問に答えよ。

問1 以下の説明の\_\_\_\_\_に適切な式を入れなさい。

$\triangle OAB$ において、正弦定理よりベクトルを用いると

$$\cos \theta = \frac{|\overrightarrow{OA}|^2 + |\overrightarrow{OB}|^2 - |\overrightarrow{BA}|^2}{2|\overrightarrow{OA}||\overrightarrow{OB}|} \quad \text{なので}$$

$$|\overrightarrow{OA}| |\overrightarrow{OB}| \cos \theta = \frac{|\overrightarrow{OA}|^2 + |\overrightarrow{OB}|^2 - |\overrightarrow{BA}|^2}{2} \quad \dots \textcircled{1}$$

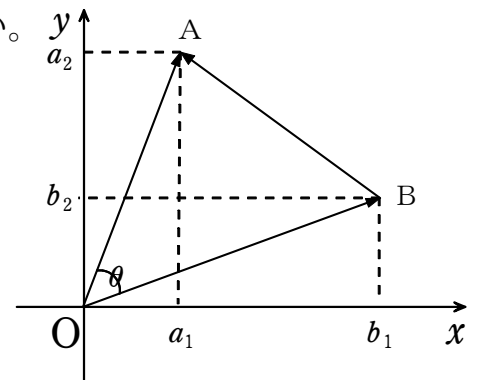
$\overrightarrow{OA} = (a_1, a_2)$ ,  $\overrightarrow{OB} = (b_1, b_2)$  の成分を用いると

$$|\overrightarrow{OA}|^2 = \underline{a_1^2 + a_2^2}, \quad |\overrightarrow{OB}|^2 = \underline{b_1^2 + b_2^2}, \quad |\overrightarrow{BA}|^2 = \underline{(a_1 - b_1)^2 + (a_2 - b_2)^2} \text{ より}$$

$$\frac{|\overrightarrow{OA}|^2 + |\overrightarrow{OB}|^2 - |\overrightarrow{BA}|^2}{2} = \underline{a_1 b_1 + a_2 b_2}$$

内積の定義は  $\overrightarrow{OA} \cdot \overrightarrow{OB} = \underline{|\overrightarrow{OA}| |\overrightarrow{OB}| \cos \theta}$

以上より①は  $\overrightarrow{OA} \cdot \overrightarrow{OB} = \underline{a_1 b_1 + a_2 b_2}$  (これを成分による表示という)



問2  $\vec{a} = (a_1, a_2)$ ,  $\vec{b} = (b_1, b_2)$  のとき, 内積  $\vec{a} \cdot \vec{b}$  を成分を用いて表せ。

$$\vec{a} \cdot \vec{b} = a_1 b_1 + a_2 b_2$$

問3 次のベクトル  $\vec{a}$ ,  $\vec{b}$  について, 内積  $\vec{a} \cdot \vec{b}$  を求めよ。

$$(1) \vec{a} = (2, 5), \vec{b} = (3, -2)$$

$$\vec{a} \cdot \vec{b} = 2 \times 3 + 5 \times (-2) = -4$$

$$(2) \vec{a} = (1, \sqrt{3}), \vec{b} = (\sqrt{3}, -1)$$

$$\vec{a} \cdot \vec{b} = 1 \times \sqrt{3} + \sqrt{3} \times (-1) = 0$$

□3 教科書P22を読み次の問に答えよ。

問1 次の2つのベクトルのなす角  $\theta$  を求めよ。

$$(1) \vec{a} = (2, 1), \vec{b} = (-3, 1)$$

$$\begin{aligned} \cos \theta &= \frac{2 \times (-3) + 1 \times 1}{\sqrt{2^2 + 1^2} \sqrt{(-3)^2 + 1^2}} \\ &= -\frac{1}{\sqrt{2}} \end{aligned}$$

$$\text{よって } \theta = 135^\circ$$

$$(2) \vec{a} = (1, \sqrt{3}), \vec{b} = (\sqrt{3}, 1)$$

$$\begin{aligned} \cos \theta &= \frac{1 \times \sqrt{3} + \sqrt{3} \times 1}{\sqrt{1^2 + \sqrt{3}^2} \sqrt{\sqrt{3}^2 + 1^2}} \\ &= \frac{\sqrt{3}}{2} \end{aligned}$$

$$\text{よって } \theta = 30^\circ$$

$$(3) \vec{a} = (3, -1), \vec{b} = (2, 6)$$

$$\begin{aligned} \cos \theta &= \frac{3 \times 2 + (-1) \times 6}{\sqrt{3^2 + (-1)^2} \sqrt{2^2 + 6^2}} \\ &= 0 \end{aligned}$$

$$\text{よって } \theta = 90^\circ$$

$$(4) \vec{a} = (-4, 2), \vec{b} = (2, -1)$$

$$\begin{aligned} \cos \theta &= \frac{-4 \times 2 + 2 \times (-1)}{\sqrt{(-4)^2 + 2^2} \sqrt{2^2 + (-1)^2}} \\ &= -1 \end{aligned}$$

$$\text{よって } \theta = 180^\circ$$

問2  $\vec{0}$  でない2つのベクトル  $\vec{a} = (a_1, a_2)$ ,  $\vec{b} = (b_1, b_2)$  において)垂直となる必要十分条件を成分を用いた内積を用いて書け。

$$\vec{a} \perp \vec{b} \Leftrightarrow a_1 b_1 + a_2 b_2 = 0$$

今回のプリントは以上です。ベクトルの力を付けたいならば「クリアー数学B完成ノート【平面上のベクトル】」P2～P22までを, また, 内積の導入部分は非常に大事なのでの少なくともP19からP22をやる必要がある。

提出ではない, あくまでも理系として大学に合格しようという意思があるのなら, 当たり前のことを書いている。

なお, クリアーを含めて, 質問がある場合は, プリント提出時に何かの紙で, 質問を書いて出してください。

(高校3年生の授業があるため直接対応できないので)

① 次の\_\_\_\_\_に適する物を書きいれなさい。

2つのベクトル  $\vec{a}=(2, 1)$ ,  $\vec{b}=(x, 4)$  が垂直になるように,  $x$  の値を定める。

$$\vec{a}, \vec{b} \text{ が垂直なので, 内積 } \vec{a} \cdot \vec{b} = \underline{\hspace{2cm}} \text{ より } 2x+1 \times 4 = \underline{\hspace{2cm}}$$

よって  $x = \underline{\hspace{2cm}}$

② 次の2つのベクトルが垂直になるように,  $x$  の値を定めよ。

(1)  $\vec{a}=(3, 6)$ ,  $\vec{b}=(x, 4)$

(2)  $\vec{a}=(x, -1)$ ,  $\vec{b}=(x, x+2)$

③ 次の\_\_\_\_\_に適する物を書きいれなさい。

$\vec{a}=(\sqrt{3}, -1)$  に垂直で大きさが4のベクトル  $\vec{b}$  を求める。

$\vec{b}=(x, y)$  とおくと,  $\vec{a} \perp \vec{b}$  であるから  $\vec{a} \cdot \vec{b} = \underline{\hspace{2cm}}$  より

$$\sqrt{3}x - y = \underline{\hspace{2cm}}$$

よって  $y = \underline{\hspace{2cm}}$  …… ①

$|\vec{b}|^2 = \underline{\hspace{2cm}}$  であるから

$$x^2 + y^2 = \underline{\hspace{2cm}} \text{ …… ②}$$

①を②に代入すると  $x^2 + \underline{\hspace{2cm}} = \underline{\hspace{2cm}}$

整理すると  $4x^2 = 16$

よって  $x = \pm 2$

i)  $x = 2$  のとき ①より  $y = \underline{\hspace{2cm}}$

ii)  $x = -2$  のとき ①より  $y = \underline{\hspace{2cm}}$

よって  $\vec{b} = \underline{\hspace{4cm}}, \underline{\hspace{4cm}}$

□4 次の問いに答えよ。

(1)  $\vec{a}=(2, 1)$  に垂直で大きさが  $\sqrt{10}$  のベクトル  $\vec{b}$  を求めよ。

(2)  $\vec{a}=(4, 3)$  に垂直な単位ベクトル  $\vec{e}$  を求めよ。

解)

5 次の問いに答えよ。

(1)  $\vec{0}$  でないベクトル  $\vec{a}=(a_1, a_2)$  と  $\vec{b}=(a_2, -a_1)$  は垂直であることを示せ。

(2) (1)を用いて,  $\vec{a}=(1, 2)$  に垂直な単位ベクトル  $\vec{e}$  を求めよ。

解)

6 教科書P24をよく読んで, 次の\_\_\_\_に適するものを書き入れなさい。

内積の性質 ただし,  $k$  は実数とする

1  $\vec{a} \cdot \vec{a} =$  \_\_\_\_\_

2  $\vec{a} \cdot \vec{b} =$  \_\_\_\_\_

3  $(\vec{a} + \vec{b}) \cdot \vec{c} =$  \_\_\_\_\_

4  $\vec{a} \cdot (\vec{b} + \vec{c}) =$  \_\_\_\_\_

5  $(k\vec{a}) \cdot \vec{b} =$  \_\_\_\_\_  $=$  \_\_\_\_\_ (つまり5は全て  $k\vec{a} \cdot \vec{b}$  と書ける)

【証明】  $\vec{a}=(a_1, a_2)$ ,  $\vec{b}=(b_1, b_2)$ ,  $\vec{c}=(c_1, c_2)$  とおく

1 の左辺 = \_\_\_\_\_, 右辺 = \_\_\_\_\_ よって成り立つ。

2 の左辺 = \_\_\_\_\_, 右辺 = \_\_\_\_\_ = \_\_\_\_\_ よって成り立つ。

3 の左辺 =  $(a_1 + b_1)c_1 + (a_2 + b_2)c_2 =$  \_\_\_\_\_,

右辺 = \_\_\_\_\_ よって成り立つ

4 の左辺 =  $a_1(b_1 + c_1) + a_2(b_2 + c_2) =$  \_\_\_\_\_,

右辺 = \_\_\_\_\_ よって成り立つ

○等式  $|\vec{a} + \vec{b}|^2 = |\vec{a}|^2 + 2\vec{a} \cdot \vec{b} + |\vec{b}|^2$  を証明する。

【証明】 左辺 =  $(\vec{a} + \vec{b}) \cdot (\vec{a} + \vec{b}) =$  \_\_\_\_\_

$$= \vec{a} \cdot \vec{a} + \vec{a} \cdot \vec{b} + \vec{b} \cdot \vec{a} + \vec{b} \cdot \vec{b}$$

$$= |\vec{a}|^2 + 2\vec{a} \cdot \vec{b} + |\vec{b}|^2 = \text{右辺} \quad (\text{終り})$$



□7 次の等式を証明せよ。

$$(1) \quad |\vec{a} + 2\vec{b}|^2 = |\vec{a}|^2 + 4\vec{a} \cdot \vec{b} + 4|\vec{b}|^2$$

$$(2) \quad (\vec{a} + \vec{b}) \cdot (\vec{a} - \vec{b}) = |\vec{a}|^2 - |\vec{b}|^2$$

解)

※ 2つのベクトルの和で表されたベクトルどうしの、内積は「整式の展開」と同じように計算できる、ただし  $\vec{a} \cdot \vec{a}$  は  $\vec{a}^2$  は絶対にダメ、 $\vec{a} \cdot \vec{a} = |\vec{a}|^2$  となる。内積の記号「 $\cdot$ 」は絶対に省略できない。

□8 次の\_\_\_\_に適するものを書き入れなさい。

$\vec{a}$ ,  $\vec{b}$  が次の条件  $|\vec{a}|=1$ ,  $|\vec{b}|=4$ ,  $\vec{a} \cdot \vec{b}=2$  を満たすとき、 $|2\vec{a} - \vec{b}|$  の値を求める。

$$|2\vec{a} - \vec{b}|^2 = (2\vec{a} - \vec{b}) \cdot (2\vec{a} - \vec{b}) = \underline{\hspace{2cm}} = \underline{\hspace{2cm}} = 12$$

$$|2\vec{a} - \vec{b}| \geq 0 \text{ であるから } |2\vec{a} - \vec{b}| = \sqrt{12} = 2\sqrt{3}$$

□9  $|\vec{a}|=3$ ,  $|\vec{b}|=2$ ,  $\vec{a} \cdot \vec{b} = -3$  のとき、次の値を求めよ。

$$(1) \quad |\vec{a} + \vec{b}|$$

$$(2) \quad |\vec{a} - 2\vec{b}|$$

解)

10 次の\_\_\_\_に適するものを書き入れなさい。

$|\vec{a}|=2$ ,  $|\vec{b}|=1$  で,  $\vec{a}+\vec{b}$  と  $2\vec{a}-5\vec{b}$  が垂直であるとき, 内積  $\vec{a}\cdot\vec{b}$  を求め,  $\vec{a}$  と  $\vec{b}$  のなす角  $\theta$  を求める。

解)  $(\vec{a}+\vec{b})\perp(2\vec{a}-5\vec{b})$  であるから  $(\vec{a}+\vec{b})\cdot(2\vec{a}-5\vec{b})=$ \_\_

よって  $2|\vec{a}|^2-3\vec{a}\cdot\vec{b}-5|\vec{b}|^2=$ \_\_

$|\vec{a}|=2$ ,  $|\vec{b}|=1$  を代入すると \_\_\_\_\_

したがって  $\vec{a}\cdot\vec{b}=1$

$\cos\theta = \frac{1}{2} = \cos 60^\circ$

$0^\circ\leq\theta\leq 180^\circ$  であるから  $\theta=60^\circ$

11  $|\vec{a}|=2$ ,  $|\vec{b}|=2$  で,  $3\vec{a}-2\vec{b}$  と  $\vec{a}+4\vec{b}$  が垂直であるとする。このとき,  $\vec{a}$  と  $\vec{b}$  のなす角  $\theta$  を求めよ。

プリントは以上, クリアー「平面上のベクトル」P29までがやれます。力を付けたい方は必ずやりましょう。少なくともP23までは, やりましょう。

次のページは付録

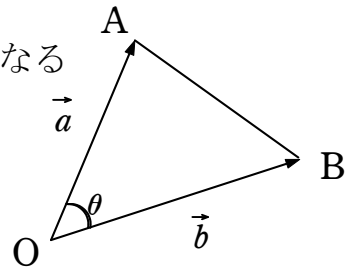
# 数学B 三角形の面積 公式ができることはないが、知っているると便利である

下の\_\_\_に適する式を入れて実際に導いてみよう。

$\triangle OAB$ において、 $\overrightarrow{OA} = \vec{a}$ ,  $\overrightarrow{OB} = \vec{b}$ ,  $\angle AOB = \theta$ ,  $0^\circ < \theta < 180^\circ$ とすると

$\triangle OAB$ の面積 $S$ は、 $S = \frac{1}{2} \sqrt{|\vec{a}|^2 |\vec{b}|^2 - (\vec{a} \cdot \vec{b})^2}$  ... (A) となる

これを導く。



数学 I 三角比より、 $S =$  \_\_\_\_\_ ...①

$0^\circ < \theta < 180$ より  $\sin \theta > 0$  なので、 $\sin \theta =$  \_\_\_\_\_

①より  $S =$  \_\_\_\_\_

$=$  \_\_\_\_\_

内積の定義より  $|\vec{a}| |\vec{b}| \cos \theta = \vec{a} \cdot \vec{b}$  なので、 $S = \frac{1}{2} \sqrt{|\vec{a}|^2 |\vec{b}|^2 - (\vec{a} \cdot \vec{b})^2}$  となる。

次に、成分表示されていた場合の三角形の面積 $S$

$\vec{a} = (a_1, a_2)$ ,  $\overrightarrow{OB} = (b_1, b_2)$ とすると  $S = \frac{1}{2} |a_1 b_2 - a_2 b_1|$  となる

これを導く

$|\vec{a}|^2 =$  \_\_\_\_\_,  $|\vec{b}|^2 =$  \_\_\_\_\_,  $\vec{a} \cdot \vec{b} =$  \_\_\_\_\_ なので、

$|\vec{a}|^2 |\vec{b}|^2 =$  \_\_\_\_\_,  $(\vec{a} \cdot \vec{b})^2 =$  \_\_\_\_\_

よって、 $|\vec{a}|^2 |\vec{b}|^2 - (\vec{a} \cdot \vec{b})^2 = a_1^2 b_2^2 + a_2^2 b_1^2 - 2a_1 b_1 a_2 b_2$

$$= (a_1 b_2 - a_2 b_1)^2$$

したがって (A) は  $S = \frac{1}{2} \sqrt{(a_1 b_2 - a_2 b_1)^2}$

$$= \frac{1}{2} |a_1 b_2 - a_2 b_1|$$

P26 練習1 次の3点を頂点とする三角形の面積を求めよ。

O (0, 0), A (4, 1), B (2, -1)

※公式が使えない場合は、 $\overrightarrow{OA}$  と  $\overrightarrow{OB}$  のなす角 $\theta$ に対する  $\cos \theta$  を内積を利用して求め、三角比の相互関係より、 $\sin \theta$  を求めて面積を求める。このスペースでは書ききれませんが。

# 数学B 三角形の面積 解答編

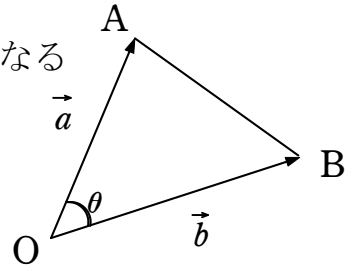
下の\_\_\_に適する式を入れて実際に導いてみよう。

$\triangle OAB$ において、 $\overrightarrow{OA} = \vec{a}$ ,  $\overrightarrow{OB} = \vec{b}$ ,  $\angle AOB = \theta$ ,  $0^\circ < \theta < 180^\circ$ とすると

$\triangle OAB$ の面積 $S$ は、 $S = \frac{1}{2} \sqrt{|\vec{a}|^2 |\vec{b}|^2 - (\vec{a} \cdot \vec{b})^2}$  ... (A) となる

これを導く。

数学I 三角比より、 $S = \frac{1}{2} |\vec{a}| |\vec{b}| \sin \theta$  ...①



$0^\circ < \theta < 180^\circ$ より  $\sin \theta > 0$  なので、 $\sin \theta = \sqrt{1 - \cos^2 \theta}$

①より  $S = \frac{1}{2} |\vec{a}| |\vec{b}| \sqrt{1 - \cos^2 \theta}$  \_

$$= \frac{1}{2} \sqrt{|\vec{a}|^2 |\vec{b}|^2 - |\vec{a}|^2 |\vec{b}|^2 \cos^2 \theta}$$

内積の定義より  $|\vec{a}| |\vec{b}| \cos \theta = \vec{a} \cdot \vec{b}$  なので、 $S = \frac{1}{2} \sqrt{|\vec{a}|^2 |\vec{b}|^2 - (\vec{a} \cdot \vec{b})^2}$  となる。

次に、成分表示されていた場合の三角形の面積 $S$

$\vec{a} = (a_1, a_2)$ ,  $\vec{b} = (b_1, b_2)$  とすると  $S = \frac{1}{2} |a_1 b_2 - a_2 b_1|$  となる

これを導く

$|\vec{a}|^2 = a_1^2 + a_2^2$ ,  $|\vec{b}|^2 = b_1^2 + b_2^2$ ,  $\vec{a} \cdot \vec{b} = a_1 b_1 + a_2 b_2$  なので、

$$|\vec{a}|^2 |\vec{b}|^2 = a_1^2 b_1^2 + a_1^2 b_2^2 + a_2^2 b_1^2 + a_2^2 b_2^2, \quad (\vec{a} \cdot \vec{b})^2 = a_1^2 b_1^2 + 2a_1 b_1 a_2 b_2 + a_2^2 b_2^2$$

よって、 $|\vec{a}|^2 |\vec{b}|^2 - (\vec{a} \cdot \vec{b})^2 = a_1^2 b_2^2 + a_2^2 b_1^2 - 2a_1 b_1 a_2 b_2$

$$= (a_1 b_2 - a_2 b_1)^2$$

したがって (A) は  $S = \frac{1}{2} \sqrt{(a_1 b_2 - a_2 b_1)^2}$

$$= \frac{1}{2} |a_1 b_2 - a_2 b_1|$$

**P26 練習1** 次の3点を頂点とする三角形の面積を求めよ。

O (0, 0), A (4, 1), B (2, -1)

公式を使えば  $\overrightarrow{OA} = (4, 1)$ ,  $\overrightarrow{OB} = (2, -1)$  であるから

$$S = \frac{1}{2} |4 \times (-1) - 1 \times 2| = \frac{1}{2} |-6| = 3$$